



VII
РАЗРЕД

Друштво физичара Србије
Министарство просвете, науке и технолошког
развоја Републике Србије
РЕШЕЊА

ОПШТИНСКИ НИВО

07.02.2015.

1. Означимо са v_x тражену брзину. Из једначина $v^2 = 2ad$ [8п] и $v_x^2 = 2a(d+l)$ [8п] добијамо

$$v_x = \sqrt{\frac{v^2(d+l)}{d}} \approx 11,2 \text{ m/s} [3+1\text{п}].$$

2. Означимо са l растојање између места А и Б. Тада је $l = \frac{at_1^2}{2} + v \cdot t_2$ [5п] и $t = t_1 + t_2$ [2п]. По услову

задатка је $\frac{at_1^2}{2} = \frac{l}{5}$ [4п] и $v = at_1$ [4п]. Из претходних једначина добијамо $l = \frac{l}{5} + v \cdot t - vt_1 = \frac{l}{5} + v \cdot t - \frac{2l}{5}$,

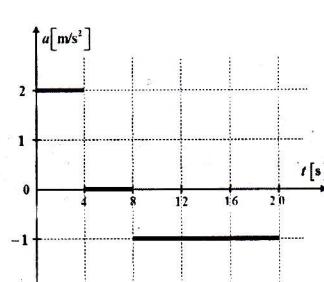
тако да је тражено растојање једнако $l = \frac{5}{6}v \cdot t = 2 \text{ km}$ [4+1п].

3. Притисак у тачки А је једнак $p_A = p_{at} + \rho_1 gh_1$ [6п], а у тачки В је $p_B = p_{at} + \rho_1 gh_1 + \rho_2 gh_2$ [10п], тако да је разлика притисака једнака $\Delta p = p_B - p_A = \rho_1 gh_1 + \rho_2 gh_2 = 7357,5 \text{ Pa}$ [3+1п]

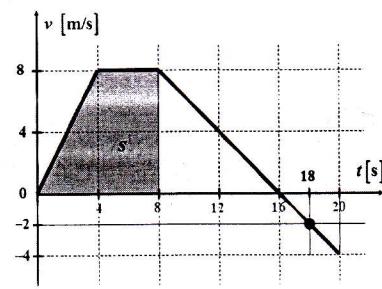
4. График зависности убрзања тела од времена је дат на слици 1. График зависности брзине тела од времена је дат на слици 2. Убрзање тела током прве четири секунде кретања износи $a_1 = F_1 / m = 2 \text{ m/s}^2$ [1п], а брзина тела на крају четврте секунде износи $v_1 = a_1 t_1 = 8 \text{ m/s}$ [1п]. Од четврте до осме секунде тело се креће равномерно, брзином $v_2 = v_1 = 8 \text{ m/s}$ [1п], јер је $a_2 = F_2 / m = 0 \text{ m/s}^2$ [1п].

Средња брзина тела током првих осам секунди кретања износи $v_{sr} = \left(\frac{a_1 t_1^2}{2} + v_2 t_2 \right) / (t_1 + t_2) = 6 \text{ m/s}$ [5+1п].

(Пређени пут тела једнак је површини испод графика брзине тела од времена, и за првих осам секунди кретања $\Delta t = t_1 + t_2 = 8 \text{ s}$ износи $s = 48 \text{ m}$, тдј. $v_{sr} = s / \Delta t = 6 \text{ m/s}$). б) Од осме секунде, тело се креће равномерно успорено, са убрзањем $a_3 = F_3 / m = 1 \text{ m/s}^2$ и притом се заустави након времена $t_3 = v_2 / a_3 = 8 \text{ s}$ [1п] ($0 = v_2 - a_3 t_3$) тдј. $t_2 = t_1 + t_2 + t_3 = 16 \text{ s}$ [1+1п], тј. тело се заустави након 16 секунди од почетка кретања. ц) Од шеснаесте секунде тело се креће равномерно убрзано, у супротном смеру од почетног (предзнак минус за бројну вредност на графику), убрзањем $a_4 = 1 \text{ m/s}^2$ и на крају осамнаесте секунде интензитет брзине тела износи $v_4 = a_4 t_4 = 2 \text{ m/s}$ [2п]. На крају двадесете секунде кретања интензитет брзине тела износи $v_5 = a_3 t_5 = 4 \text{ m/s}$ [2п]. Напомена. У рачуну су коришћене следеће вредности $t_1 = 4 \text{ s}$, $t_2 = 4 \text{ s}$, $t_3 = 8 \text{ s}$, $t_4 = 2 \text{ s}$, $t_5 = 4 \text{ s}$.



Слика 1 .



Сваки коректно нацртан
сегмент графика
зависности брзине тела од
времена носи 1п.

Слика 2 .

5. Једначине кретања тела су редом $m_3 a = m_3 g - T_2$ [4п], $m_2 a = m_2 g + T_2 - T_1$ [4п], и $m_1 a = T_1 - m_1 g$ [4п], тако да је убрзање тела једнако $a = \frac{m_3 + m_2 - m_1}{m_3 + m_2 + m_1} g \approx 7 \text{ m/s}^2$ [3+1п]. Из једначине $m_1 a = T_1 - m_1 g$ добијамо да је интензитет силе затезања нити између тела m_1 и m_2 једнак $T_1 = m_1 (a + g) = 16,81 \text{ N}$ [3+1п].